

Manuel de Validation**Fascicule V3.04 : Statique linéaire des structures volumiques****Document : V3.04.120**

SSLV120 - Etirement d'un parallélépipède orthotrope sous son propre poids

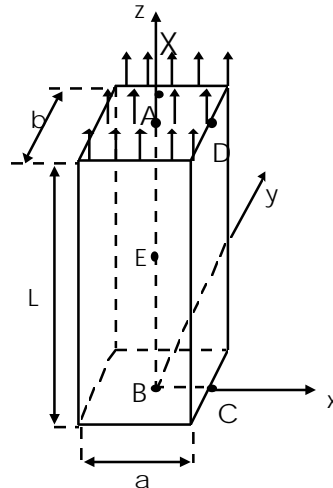
Résumé :

Ce test de mécanique des structures permet l'évaluation des déplacements et des contraintes d'un parallélépipède se déformant sous son propre poids. Le matériau est élastique linéaire orthotrope. La modélisation est tridimensionnelle. Le modèle est similaire au test VPCS SSLV07 (mais dans ce cas le matériau est isotrope) et au test SSLV121 (dans ce cas le matériau est isotrope transverse).

Les écarts des résultats obtenus par *Aster* se situent entre 0,00 et 0,5% de la référence calculée analytiquement.

1 Problème de référence

1.1 Géométrie



Hauteur : $L = 3 \text{ m}$

Largeur : $a = 1 \text{ m}$

Epaisseur : $b = 1 \text{ m}$

Coordonnées des points (en mètres) :

	A	B	C	D	E	X
x	0.	0.	0.5	0.5	0.	0.
y	0.	0.	0.	0.	0.	0.5
z	3.	0.	0.	3.	1.5	3.

1.2 Propriétés de matériaux

Modules de YOUNG dans les directions x, y et z :

$$E_{_L} = 5. \cdot 10^{11} \text{ Pa}, E_{_T} = 5. \cdot 10^{11} \text{ Pa}, E_{_N} = 2. \cdot 10^{11} \text{ Pa}.$$

Coefficients de POISSON dans les plans xy, xz et yz :

$$\nu_{_LT} = 0.1, \nu_{_LN} = 0.3, \nu_{_TN} = 0.1.$$

Modules de cisaillement dans les plans xy, xz et yz :

$$G_{_LT} = 7.69231 \cdot 10^{10} \text{ Pa}, G_{_LN} = 7.69231 \cdot 10^{10} \text{ Pa}, \\ G_{_TN} = 7.69231 \cdot 10^{10} \text{ Pa}.$$

Masse volumique : $\rho = 7800 \text{ kg/m}^3$.

1.3 Conditions aux limites et chargements

Point A : ($u = v = w = 0$, $\theta_x = \theta_y = \theta_z = 0$)

Poids propre suivant l'axe z

Contrainte uniforme à la traction pour la face supérieure :

$$\sigma_z = \rho g L = + 229 \, 554. \text{ Pa}$$

2 Solution de référence

2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

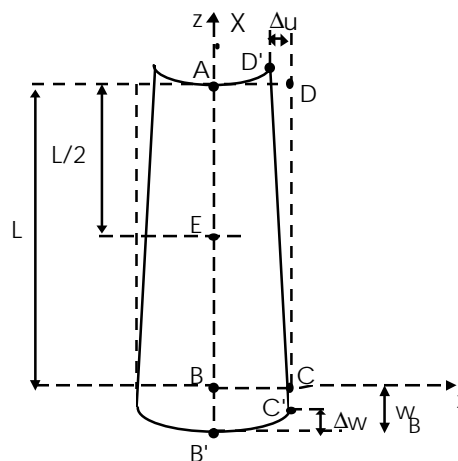
La solution de référence est issue de celle donnée dans la fiche SSLV07/89 du guide VPCS (en considérant en plus une matrice élastique orthotrope). L'expression analytique de la solution est la suivante :

Déplacements :

$$u = -\frac{\nu_{xz} \rho g x z}{E_{xz}} \quad v = -\frac{\nu_{yz} \rho g y z}{E_{yz}} \quad w = -\frac{\rho g z^2}{2E_{zz}} + \frac{\nu \rho g}{2E_{zz}} (\nu_{xz} x^2 + \nu_{yz} y^2) - \frac{\rho g L^2}{2E_{zz}}$$

Contraintes :

$$\sigma_{zz} = \rho g z \quad \sigma_{xx} = \sigma_{yy} = \sigma_{xy} = \sigma_{yz} = \sigma_{zx} = 0$$



2.2 Résultats de référence

Déplacement des points B, C, D, E et X.

Contraintes σ_{zz} en A et E

2.3 Incertitude sur la solution

Résultats analytiques exacts.

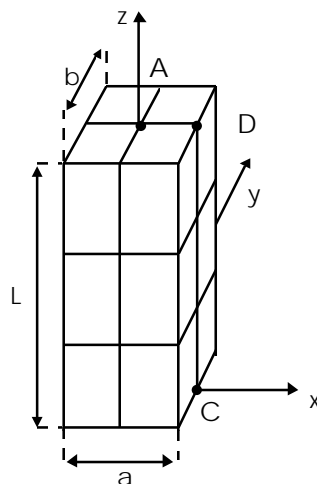
2.4 Références bibliographiques

- [1] TIMOSHENKO (S.P) Théorie de l'élasticité - Paris - Librairie Polytechnique Ch. Béranger , p.279 à 282 (1961)
- [2] S.W. TSAI, H.T. HAHN - Introduction to composite materials. Technomic Publishing Company (1980).

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation

3D mailles hexa20



Découpage :

3 en hauteur
2 en largeur et épaisseur

Conditions limites :
sur l'axe AB
en A et D

```
DDL_IMPO: ( GROUP_NO:ABsansA  DX=0. , DY=0. )
           ( NOEUD:A      DX=0. , DY=0. , DZ=0. )
           ( NOEUD:D      DY=0. )
```

Noms des nœuds : A = N59 B = N53 C = N12
 D = N18 E = N56 X = N70

3.2 Caractéristiques du maillage

Nombre de noeuds : 111

Nombre de mailles et types : 12 HEXA20

3.3 Fonctionnalités testées

Commandes				Clés
AFFE_CHAR_MECA	DDL_IMPO	GROUP_NO		[U4.25.01]
	PESANTEUR			
	FORCE_FACE	GROUP_MA		
AFFE_MODELE	'MECANIQUE'	'3D'	TOUT	[U4.22.01]
DEFI_MATERIAU	ELAS_ORTH			

4 Résultats de la modélisation A

4.1 Valeurs testées

Identification	Référence	Aster	% différence
U _B	0.	10 ⁻²²	-
V _B	0.	10 ⁻²²	-
W _B	-1.72165510 ⁻⁶	-1.72167410 ⁻⁶	0.01
U _C	0.	= 10 ⁻¹⁴	-
V _C	0.	= 10 ⁻¹⁹	-
W _C	-1.707308 10 ⁻⁶	-1.707326 10 ⁻⁶	0.01
U _D	-1.721655 10 ⁻⁷	-1.721652 10 ⁻⁷	0.01
V _D	0.	= 10 ⁻²³	-
W _D	1.434713 10 ⁻⁸	1.432400 10 ⁻⁸	0.2
U _E	0.	= 10 ⁻²²	-
V _E	0.	= 10 ⁻²²	-
W _E	-1.291241 10 ⁻⁶	-1.291260 10 ⁻⁶	0.01
(Pa)			
σ_{zz} (A)	2.29554 10 ⁵	2.2956 10 ⁵	< 0.01
σ_{zz} (E)	1.14777 10 ⁵	1.14777 10 ⁵	< 0.01
σ_{zz} (X)	2.29554 10 ⁵	2.29549 10 ⁵	< 0.01
U _X	0.	10 ⁻²⁰	-
V _X	-5.738850 10 ⁻⁸	-5.738740 10 ⁻⁸	0.01
W _X	4.782375 10 ⁻⁹	4.759220 10 ⁻⁹	0.5

4.2 Remarques

La modélisation en HEXA20 est tout à fait acceptable pour ce maillage grossier.

4.3 Paramètres d'exécution

Version : 3.04.00

Machine : CRAY C90

Encombrement mémoire : 8 Mw

Système :

Temps CPU User : UNICOS 8.0

4.99 secondes

5 Synthèse des résultats

Les résultats concernant les déplacements et les contraintes sont très proches de la solution analytique avec la modélisation adoptée ($< 0.2\%$ pour les déplacements, $< 0.5\%$ pour les contraintes).

Les coefficients élastiques dans les 3 directions d'orthotropie ont été choisis de manière à obtenir les mêmes valeurs des déplacements aux points B,C,D et E que celles calculées pour un matériau isotrope (test SSLV007) ou isotrope transverse (test SSLV121). Numériquement, ces valeurs sont très proches de celles de ces tests aux points considérés (de l'ordre de 10^{-6}) la différence résultant du mode de construction des matrices de rigidité dans les différents cas. Au point X, ces valeurs diffèrent mais correspondent bien à la solution de référence.