

Manuel de Validation**Fascicule V7.31: Thermo-hydro-mécanique en milieu poreux de structures volumiques****Document : V7.31.127**

WTNV127 – Désaturation d'un milieu poreux sans air (modélisation 3D_THV)

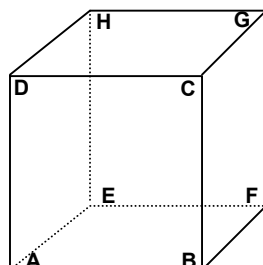
Résumé :

On chauffe un milieu poreux dont les pores sont remplis d'un mélange d'eau et de vapeur d'eau. La saturation initiale en liquide est de 50%, le chargement est un flux thermique uniforme sur les bords du domaine. La modélisation faite par un seul élément cubique correspond à la modélisation d'un problème homogène en espace.

La solution de référence est une solution analytique approchée.

1 Problème de référence

1.1 Géométrie



Coordonnées des points (m) :

A	0	0	100	E	0	0	0
B	100	0	100	F	100	0	0
C	100	100	100	G	100	100	0
D	0	100	100	H	0	100	0

1.2 Propriétés du matériau

On ne donne ici que les propriétés dont la solution dépend, sachant que le fichier de commandes contient d'autres données de matériau (modules d'élasticité, conductivité thermique ...) qui finalement ne jouent aucun rôle dans la solution du problème traité.

Eau liquide	Masse volumique (kg.m ⁻³)	10 ³
	Chaleur à pression constante (J.K ⁻¹)	4180
	coefficient de dilatation thermique du liquide (K ⁻¹)	0.
Vapeur	Capacité calorifique (J.K ⁻¹)	1900
	Enthalpie initiale (chaleur latente de vaporisation)	2,5E6.
	Masse molaire(kg.mol ⁻¹)	0,018
Squelette	Capacité calorifique à contrainte constante(J.K ⁻¹)	1050
Etat initial	Porosité	0,3
	Température (K)	300
	Pression de liquide (Pa)	1E5
	Pression de vapeur (Pa)	3700
	Saturation initiale en liquide	0,5
Constantes	Constante des gaz parfaits	8,315
Coefficients homogénéisés	Masse volumique homogénéisée (kg.m ⁻³)	2200
	Isotherme de sorption	$S(P_c) = 0.5 - 10^{-12} (P_c - P_{vp}^0 - P_c^0)$
	Avec $P_{vp}^0 = 3700$	
	$P_c^0 = -10^5$	

1.3 Conditions aux limites et chargements

Sur toutes les faces :

Flux thermique $\mathbf{q}_{ext} \cdot \mathbf{n} = 10^6$
 Flux hydraulique nul

2 Solution de référence

2.1 Méthode de calcul

2.1.1 Calcul de la pression de vapeur à partir de la température

Nous supposons la courbe de saturation linéaire. Elle s'écrit donc :

$$S = S_0 + S' \Delta P_c \quad \text{éq 2.1.1-1}$$

[R7.01.11] équation [éq 3.2.1-2] donnent alors :

$$\begin{aligned} \Delta m_{lq} &= \rho_{lq} \phi S' \Delta P_c - \rho_{lq}^0 \phi^0 S_{lq}^0 \\ \Delta m_{vp} &= (\rho_{vp} - \rho_{vp}^0) \phi^0 (1 - S_0) - S' \rho_{vp}^0 \phi^0 \Delta P_c \end{aligned} \quad \text{éq 2.1.1-2}$$

On écrit que la masse totale d'eau est conservée (car il n'y a pas de flux d'eau au bord) et on obtient :

$$\begin{aligned} \Delta m_{lq} + \Delta m_{vp} &= 0 \quad \Rightarrow \\ (\rho_{lq} - \rho_{vp}) S' \Delta P_c + (\rho_{vp} - \rho_{vp}^0) \phi^0 (1 - S_0) &= 0 \end{aligned} \quad \text{éq 2.1.1-3}$$

[R7.01.11] équation [éq 4.4-1] donne par ailleurs

$$\begin{aligned} \ln \left(\frac{p_{vp}}{p_{vp}^0} \right) &= \frac{M_{vp}^{ol}}{RT} \frac{1}{\rho_{lq}} \Delta P_{lq} + \\ &\quad \frac{M_{vp}^{ol}}{R} (h_{vp}^0 - h_{lq}^0) \left(\frac{1}{T^0} - \frac{1}{T} \right) + \frac{M_{vp}^{ol}}{R} (C_{vp}^p - C_{lq}^p) \left(\ln \left(\frac{T}{T^0} \right) + \frac{T^0}{T} - 1 \right) \end{aligned} \quad \text{éq 2.1.1-4}$$

Le couplage des équations [éq 2.1.1-3] et [éq 2.1.1-4], auquel il faut ajouter l'équation des gaz parfaits pour la vapeur, est un système fortement non linéaire que nous résoudrons en petite perturbation, ce qui permet de le linéariser.

Tous calculs faits, on obtient :

$$\left. \begin{aligned} \Delta P_{vp} \left((\rho_{lq} - \rho_{vp}^0) S' + \frac{(1-S_0) M_{vp}^{ol}}{RT^0} \right) - (\rho_{lq} - \rho_{vp}^0) S' \Delta P_{lq} &= (1-S_0) p_{vp}^0 \frac{M_{vp}^{ol}}{R} \frac{\Delta T}{T^{02}} \\ \frac{\Delta P_{vp}}{p_{vp}^0} - \frac{M_{vp}^{ol}}{\rho_{lq} RT^0} \Delta P_{lq} &= \frac{M_{vp}^{ol}}{R} (h_{vp}^0 - h_{lq}^0) \frac{\Delta T}{T^{02}} \end{aligned} \right\} \quad \text{éq 2.1.1-5}$$

2.1.2 Calcul de la température

[R7.01.11] équation [éq 3.2.4.3-1] donne :

$$\Delta Q' = -3\alpha_{gz}^m T \Delta p_{vp} + C_\varepsilon^0 \Delta T \quad \text{éq 2.1.2-1}$$

(puisque les autres coefficients de dilatation sont nuls).
Equation [éq 3.2.4.3-2] donne :

$$\alpha_{gz}^m = \frac{\phi(1-S_{lq})}{3T} \quad \text{éq 2.1.2-2}$$

On obtient donc :

$$\Delta Q' = -\phi(1-S_{lq}) \Delta p_{vp} + C_\varepsilon^0 \Delta T \quad \text{éq 2.1.2-3}$$

Dans ce problème, $\Delta Q'$ n'est rien d'autre que la chaleur apportée par unité de volume.

En appelant Vol le volume total de la pièce et $Surf$ sa surface latérale et Δt le temps d'application des flux :

$$\Delta Q' = \Delta t \frac{Surf}{Vol} \mathbf{q}_{ext} \cdot \mathbf{n} \quad \text{éq 2.1.2-4}$$

2.1.3 Système à résoudre

$$\left[\begin{array}{c|c|c} \left((\rho_{lq} - \rho_{vp}^0) S' + \frac{(1-S_0) M_{vp}^{ol}}{RT^0} \right) & -(\rho_{lq} - \rho_{vp}^0) S' & -(1-S_0) p_{vp}^0 \frac{M_{vp}^{ol}}{RT^{02}} \\ \hline \frac{1}{p_{vp}^0} & -\frac{M_{vp}^{ol}}{\rho_{lq} RT^0} & -\frac{M_{vp}^{ol}}{R} \frac{(h_{vp}^0 - h_{lq}^0)}{T^{02}} \\ \hline 0 & -\phi(1-S_{lq}) & C_\varepsilon^0 \end{array} \right] \begin{Bmatrix} \Delta P_{vp} \\ \Delta P_{lq} \\ \Delta T \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \\ \Delta t \frac{Surf}{Vol} \mathbf{q}_{ext} \cdot \mathbf{n} \end{Bmatrix}$$

éq 2.1.2-5

2.2 Résultats de référence

On donne la valeur de la température, de la pression de liquide et de la pression de vapeur, solution du système (10) avec les données résumées au paragraphe [§1.2] et rappelées ci dessous. Pour le calcul des capacités calorifiques, on utilise les relations suivantes :

$$(1 - \varphi^0) \rho_s = r_0 - \rho_{lq}^0 S_l^0 \varphi^0 - (1 - S_l^0) \varphi^0 \rho_{vp}^0$$

$$C_\sigma^0 = (1 - \varphi) \rho_s C_\sigma^s + \rho_{lq} S_l \varphi C_{lq}^p + (1 - S_l) \varphi \rho_{vp} C_{vp}^p$$

$$C_\varepsilon^0 = C_\sigma^0, \text{ cette dernière relation étant vraie parce que le coefficient de dilatation des grains est nul.}$$

S_0	S'	T^0	p_{vp}^0	h_{vp}^0	ρ_{vp}^0 (calculé)	ρ_{lq}
5,00E-01	-1,00E-12	3,00E+02	3,70E+03	2,50E+06	2,67E-02	1,00E+03

r_0	φ^0	ρ_s (calculé)	C_σ^s	C_{lq}^p	C_{vp}^p	C_ε^0 (calculé)
2,20E+03	3,00E-01	2,93E+03	1,05E+03	4,18E+03	1,90E+03	2,78E+06

$\mathbf{q}_{ext} \cdot \mathbf{n}$	Δt	$Surf$	Vol
1,00E+06	100	6,00E+04	1,00E+06

Après résolution, on obtient les résultats suivants :

ΔP_{vp}	425
P_{lq}	-1,4E+06
ΔT	2E+00

2.3 Incertitudes

Les incertitudes sont assez grandes parce que la solution analytique est une solution approchée du fait de la linéarisation des équations.

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation A

Modélisation en déformations planes. Un élément Q8.

3.2 Fonctionnalités testées

Commande	Option	
AFFE_MODELE		3D_THVD
DEFI_MATERIAU		THM_LIQU THM_DIFFU THM_INIT ELAS
AFFE_CHAR_MECA	DDL_IMPO	PRE1 TEMP
STAT_NON_LINE	COMP_INCR	RELATION RELATION_KIT KIT_THV LIQU_VAPE HYDR_UTIL

Discretisation en temps : un seul pas de temps : 10^2 s.

3.3 Valeurs testées

Nœud	Type de valeur	Instant (s)	Référence (analytique)	Aster	Différence (%)
NO1	DEPL/TEMP	10^2	2	2,15	8%
NO1	DEPL/PRE1	10^2	$-1,4 \cdot 10^6$	$-1,46 \cdot 10^6$	4%
NO1	VARI_ELNO_ELGA/V3	10^2	425	460	8%

On trouve donc des résultats relativement proches des résultats analytiques. L'incertitude demeurant assez large du fait de la linéarisation des équations.

4 Modélisation B

Même modélisation mais en sélective.

4.1 Caractéristiques de la modélisation B

Modélisation en déformations planes. Un élément Q8

4.2 Fonctionnalités testées

Commande	Option		
AFFE_MODELE		3D_THVS	
DEFI_MATERIAU		THM_LIQU	
		THM_DIFFU	
		THM_INIT	
		ELAS	
AFFE_CHAR_MECA	DDL_IMPO	PRE1	
		TEMP	
STAT_NON_LINE	COMP_INCR	RELATION	KIT_THV
		RELATION_KIT	LIQU_VAPE
			HYDR_UTIL

Discretisation en temps : un seul pas de temps : 10^2 s.

4.3 Valeurs testées

Nœud	Type de valeur	Instant (s)	Référence (analytique)	Aster	Différence (%)
NO1	DEPL/TEMP	10^2	2	2,15	8%
NO1	DEPL/PRE1	10^2	$-1,4 \cdot 10^6$	$-1,46 \cdot 10^6$	4%
NO1	VARI_ELNO_ELGA/V3	10^2	425	460	8%

On trouve donc des résultats relativement proches des résultats analytiques. L'incertitude demeurant assez large du fait de la linéarisation des équations.

Titre : WTNV127 – Désaturation d'un milieu poreux sans air (3D)

Date : 04/05/06

Auteur(s) : S. GRANET

Clé : V7.31.127-B Page : 8/8

Page laissée intentionnellement blanche.