

Manuel de Validation**Fascicule V2.03 : Dynamique linéaire des coques et plaques****Document : V2.03.114**

SDLS114 – Calcul des facteurs d'intensité de contrainte d'une plaque fissurée par recombinaison modale

Résumé

Ce test vise à valider le calcul des facteurs d'intensité d'une plaque fissurée par recombinaison modale. Les facteurs d'intensité modaux, i.e. associés à chaque mode propre de vibration de la structure, sont calculés avec les opérateurs `CALC_G_THETA_T` (option `K_G_MODA`) en 2D et `CALC_G_LOCAL_T` (option `K_G_MODA`) en 3D.

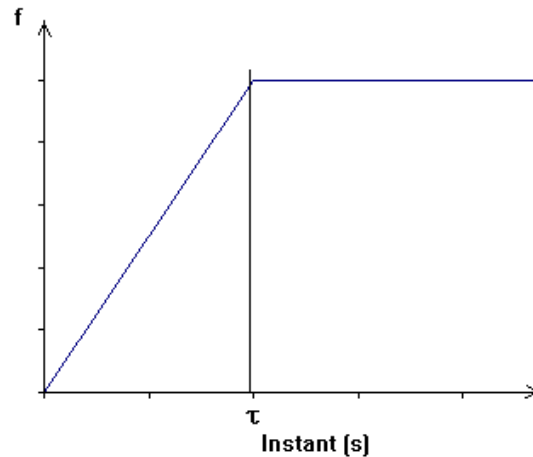
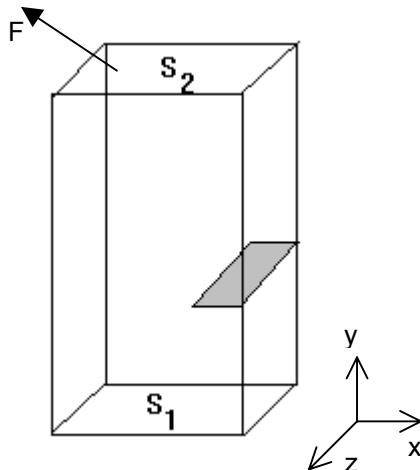
Ce test contient une modélisation 2D et une modélisation 3D. La solution de référence est issue d'une résolution temporelle directe du problème transitoire.

Les deux modélisations illustrent la possibilité de recombinaison des facteurs d'intensité modaux directement dans le fichier de commande par des instructions python.

1 Problème de référence

1.1 Géométrie

On considère une plaque de hauteur $h = 0,1$ m, de largeur $l = 0,05$ m et d'épaisseur $e = 0.005$ m. Une fissure est positionnée au milieu de la hauteur de la poutre, avec une profondeur de $0,1$ l.



1.2 Propriétés de matériaux

On considère les propriétés classiques d'un acier :

Module d'Young :	$E = 2.10^{+5}$ MPa
Coefficient de Poisson :	$\nu = 0.3$
Masse volumique	$\rho = 7800$ kg/m ³

1.3 Conditions aux limites et chargements

La plaque est :

- encastrée sur la surface S_1 ;
- soumise à une force $\mathbf{F}(t)$ sur la surface S_2 .

L'évolution de la norme de $\mathbf{F}(t)$ est tracée sur la figure ci-dessus. On prend $\tau = 0,001$ s. La direction de la force $\mathbf{F}(t)$ est la suivante :

- $\mathbf{F}(t) = f(t) \cdot \mathbf{e}_x$ pour la modélisation A ;
- $\mathbf{F}(t) = (a\mathbf{e}_x + b\mathbf{e}_y + c\mathbf{e}_z)f(t)$ pour la modélisation B, avec $b = 2a$ et $c = 0.4$ a.

Pour la modélisation A, on bloque les déplacements dans la direction z (problème plan).

2 Solution de référence

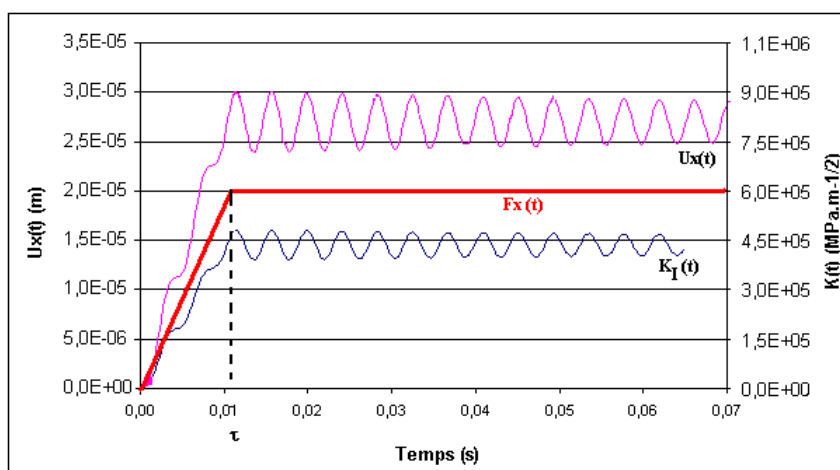
2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

La solution de référence est celle obtenue par une résolution temporelle directe du problème transitoire. L'opérateur `DYNA_TRAN_EXPLI` est utilisé pour identifier le champs de déplacement, avec un schéma d'intégration en temps de Newmark.

L'évolution des facteurs d'intensité de contraintes en fonction du temps est ensuite calculée par interpolation des sauts de déplacements (opérateur `POST_K1_K2_K3`).

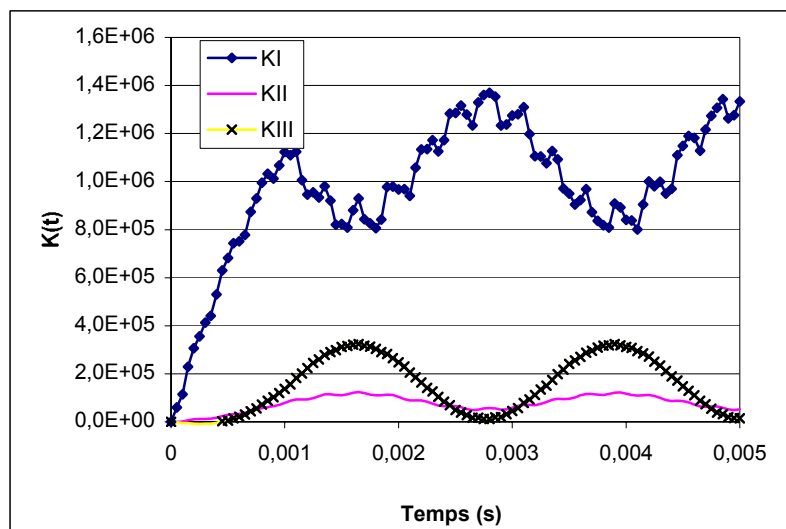
2.2 Résultat de référence – Modélisation A

Pour la modélisation A, la plaque est sollicitée par une force dans le plan (O,x,y) et les déplacements dans la direction z sont bloqués. Le résultat de référence, calculé par résolution temporelle directe sur un maillage 2D, est tracé sur la figure suivante. Le déplacement horizontal du haut de la plaque et le facteur d'intensité des contraintes oscillent avec une fréquence correspondant au premier mode propre de la structure.



2.3 Résultat de référence – Modélisation B

L'évolution des trois facteurs d'intensité des contraintes est tracée sur la figure suivante pour le nœud situé au milieu du fond de fissure. Les oscillations des facteurs d'intensité des contraintes montrent la contribution prépondérante du premier mode de flexion de la plaque dans la direction x et du premier mode de flexion dans la direction z.



2.4 Incertitude sur la solution

La résolution directe explicite du problème transitoire peut être considérée comme exacte. L'incertitude sur l'identification des facteurs d'intensité des contraintes par interpolation des sauts de déplacements est de l'ordre de 5 %.

2.5 Références bibliographiques

- [1] E. GALENNE, S. DI DOMIZIO : Méthode thêta en mécanique de la rupture : développement de la forme bilinéaire g en 3D et application au cas de la dynamique basse fréquence, Note EDF HT-65/05/024/A, 2005

3 Modélisation A

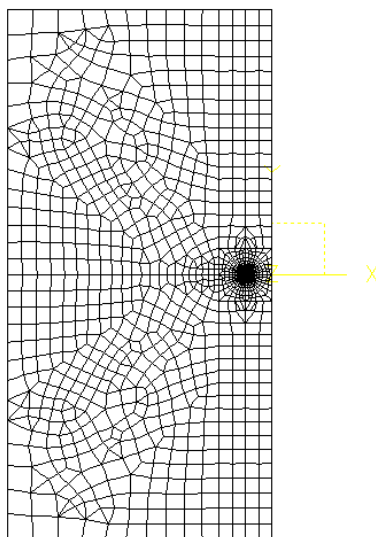
3.1 Caractéristiques de la modélisation

Il s'agit d'une modélisation 2D – déformations planes. Le calcul de l'évolution des facteurs d'intensité des contraintes en fonction du temps est réalisé en plusieurs étapes :

- calcul des 15 premiers modes propres de la structure ;
- calcul des facteurs d'intensité des contraintes modaux associés à ces modes par deux méthodes ;
- résolution du problème dynamique transitoire par projection sur base modale ;
- recombinaison des K modaux.

3.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage est composé d'éléments quadratiques. Il comporte 2000 nœuds et 700 mailles et est raffiné autour du fond de fissure.



3.3 Fonctionnalités testées

Commandes

MODE_ITER_SIMULT

POST_K1_K2_K3

CALC_G_THETA_T

Option K_G_MODA

DYNA_TRAN_MODA

4 Résultats de la modélisation A

4.1 Valeurs testées

Valeurs modales : cas test de non-régression

Numéro du mode	K_I (POST_K1_K2_K3)	K_I (K_G_MODA)	% différence
1	-1,921.E+10	-1,898.E+10	1,2
2	-1,166.E+11	-1,152.E+11	1,3
3	8,039.E+10	7,948.E+10	1,1
4	-1,188.E+11	-1,174.E+11	1,2
5	1,723.E+11	1,705.E+11	1,1

Valeurs temporelles $K_I(t)$: comparaison à la résolution explicite

Instant	Référence	Aster	% différence
0,0005	24055,6	24337,0	1,2
0,001	44676,8	45159,3	1,1
0,002	90592,3	91679,4	1,2
0,003	134065,3	135633,9	1,2
0,004	181113,3	183286,7	1,2

4.2 Remarque

La différence entre les valeurs modales calculées par interpolation des sauts de déplacement ou par la méthode thêta est faible et cohérente avec celle observée sur les problèmes statiques.

La valeur de $K_I(t)$ est calculée à partir des K_I modaux (méthode K_G_MODA) et des coefficients de la résolution sur base modale directement dans le cas test par des lignes de commande en python :

$$K_I(t) = \sum_{i=1}^M \alpha_i(t) \cdot K_I^i$$

où les coefficients $\alpha_i(t)$ sont les coefficients de participation modale, extraits du résultat de l'opérateur DYNA_TRAN_MODA, et les K_I^i sont les facteurs d'intensité des contraintes modaux.

La précision obtenue est satisfaisante compte tenu du nombre d'éléments retenus dans la base modale. La précision augmente rapidement avec le nombre de modes [bib1].

5 Modélisation B

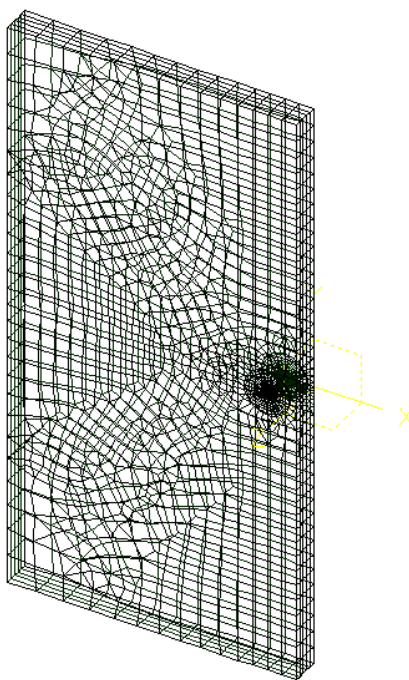
5.1 Caractéristiques de la modélisation

Il s'agit d'une modélisation 3D. Le calcul de l'évolution des facteurs d'intensité des contraintes en fonction du temps est réalisé en plusieurs étapes :

- calcul des 50 premiers modes propres de la structure ;
- calcul des facteurs d'intensité des contraintes modaux associés à ces modes par deux méthodes ;
- résolution du problème dynamique transitoire par projection sur base modale ;
- recombinaison des K modaux.

5.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage est composé d'éléments linéaires. Il comporte 8200 nœuds et 8900 mailles et est raffiné autour du fond de fissure.



5.3 Fonctionnalités testées

Commandes

MODE_ITER_SIMULT

DEFI_FOND_FISS

POST_K1_K2_K3

DEFI_FISS_XFEM

CALC_G_LOCAL_T

Option K_G_MODA

DYNA_TRAN_MODA

6 Résultats de la modélisation B

6.1 Valeurs testées

Les valeurs indiquées sont celles trouvées au nœud qui est au milieu du fond de fissure.

Valeurs modales : cas test de non-régression

Numéro du mode	K_I (POST_K1_K2_K3)	K_I (K_G_MODA)	% différence
1	5,631E+09	4,790E+09	14,9
2	8,599E+09	7,291E+09	15,2
3	6,940E+10	5,897E+10	15,0
4	-2,702E+11	-2,897E+11	-7,2
5	-9,637E+10	-8,165E+10	15,3

Valeurs temporelles $K_I(t)$: comparaison à la résolution explicite

Instant (s)	Référence (Pa.√m)	Aster (Pa.√m)	% différence
0.0005	696752,4	721825,9	3,6
0.001	1153703,3	1239061,8	7,4
0.002	997675,6	1110569,6	11,3
0.003	1305429,9	1364524,8	4,5
0.004	870347,2	1004735,2	15,4

6.2 Remarque

La différence entre les valeurs modales calculées par interpolation des sauts de déplacement ou par la méthode θ est élevée : cela s'explique par le maillage linéaire très peu raffiné dans l'épaisseur de la plaque.

La valeur de $K_I(t)$ est calculée à partir des K_I modaux (méthode K_G_MODA) et des coefficients de la résolution sur base modale directement dans le cas test par lignes de commande en python :

$$K_I(s, t) = \sum_{i=1}^M \alpha_i(t) \cdot K_I^i(s)$$

où les coefficients $\alpha_i(t)$ sont les coefficients de participation modale, extraits du résultat de l'opérateur DYNA_TRAN_MODA, et les $K_I^i(s)$ sont les facteurs d'intensité des contraintes modaux.

La précision obtenue est satisfaisante compte tenu du nombre d'éléments retenus dans la base modale (50) et la taille du maillage. La précision augmente rapidement avec le nombre de modes [bib1].

7 Synthèse des résultats

Ce test permet de valider le calcul des facteurs d'intensité modaux par les opérateurs `CALC_G_LOCAL_T` et `CALC_G_THETA_T` (option `K_G_MODA`) et illustre leur utilisation pour la résolution d'un problème de mécanique de la rupture en dynamique basse fréquence par recombinaison modale.

Le rapport entre les temps de calcul de la résolution explicite et de la résolution sur base modale sont compris entre 10 et 50 selon le type de maillage, et la précision de la méthode de recombinaison modale est pleinement satisfaisante.

Page laissée intentionnellement blanche.