

Manuel de Validation
Fascicule V3.04 : Statique linéaire des structures volumiques
Document V3.04.311

SSLV311 - Murakami 9.39. Fissure en quart d'ellipse au coin d'un disque épais en rotation

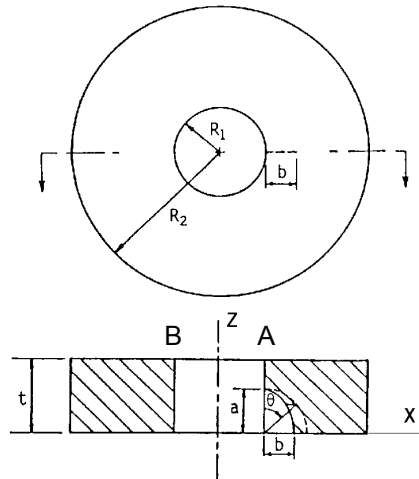
Résumé :

Ce test est issu de la validation indépendante de la version en mécanique de la rupture.

Domaine d'application :	Mécanique de la rupture linéaire
Type d'analyse :	Statique
Type de comportement :	Elastique linéaire isotrope
Type de modèle :	Tridimensionnel
Nombre de modélisations :	1
Objectif :	Test de base en tridimensionnel pour les matériaux élastiques isotropes, en domaine limité dans trois directions, en présence d'un chargement volumique.
Paramètres explorés :	-
Paramètres fixes :	Rapports a/t , b/a , R_2/R_1 , t/R_1
Précision des résultats :	Ecart quadratique moyen de 3% avec la solution de référence analytique

1 Problème de référence

1.1 Géométrie



Rayon interne : $R_1 = 0,1 \text{ m}$
Rayon externe : $R_2 = 0,6 \text{ m}$
Épaisseur : $t = 0,2 \text{ m}$
Demi grand axe : $a = 0,05 \text{ m}$
Demi petit axe : $b = 0,0125 \text{ m}$

1.2 Propriétés du matériau

Module d'Young $E = 2 \cdot 10^5 \text{ MPa}$
Coefficient de Poisson $\nu = 0.3$
Masse volumique $\rho = 7800 \text{ kg/m}^3$

1.3 Conditions aux limites et chargement

Le modèle sera limité à la partie du disque épais située dans le demi-espace $Y \geq 0$, le plan de la fissure verticale étant un plan de symétrie.

En l'absence de noeuds sur l'axe de révolution, un mode rigide sera bloqué par une relation linéaire entre degrés de liberté.

Soit les points : A ($R_1, 0, t$) B ($-R_1, 0, t$)

Blocage de la translation en X : $UX(A) + UX(B) = 0$

Blocage de la translation en Y : $UY = 0$ dans le plan XOZ, à l'exception des lèvres de la fissure.

Blocage de la translation en Z : $UZ(A) = 0$

Blocage de la rotation autour de OX : assuré par la C.L. de symétrie dans le plan XOZ

Blocage de la rotation autour de OY : $UZ(B) = 0$

Blocage de la rotation autour de OZ : assuré par la C.L. de symétrie dans le plan XOZ

Chargement : vitesse angulaire stationnaire $\omega = 500 \text{ radians/seconde}$

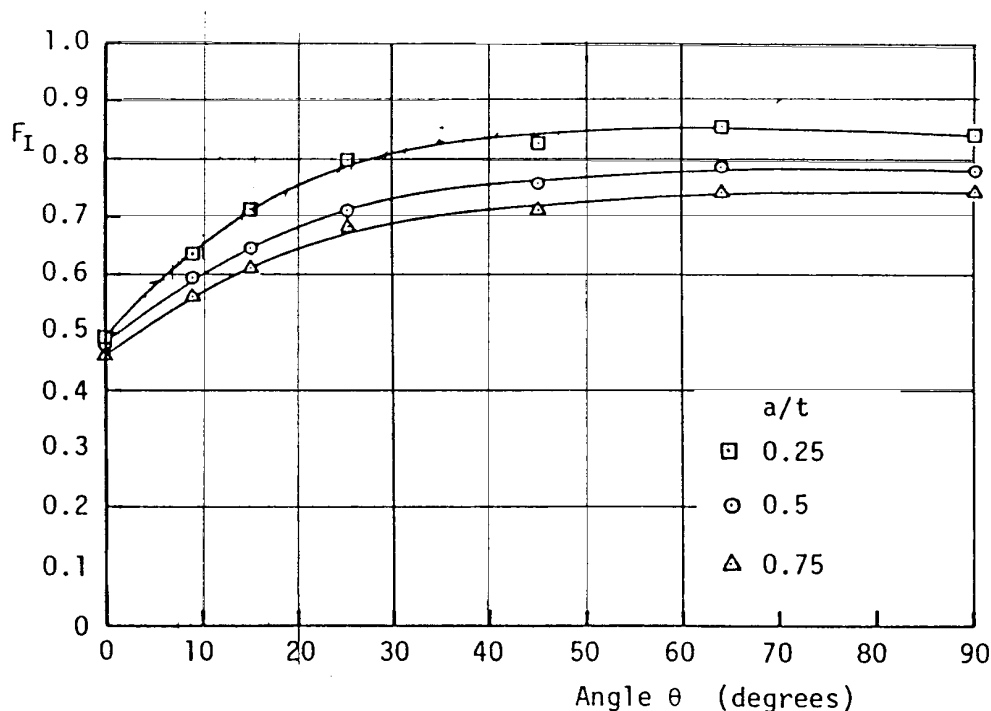
2 Solution de référence

2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

Méthode d'équation intégrale de frontière.

2.2 Résultats de référence

$$K_I = \frac{3+\nu}{4} \cdot \rho \omega^2 \left(R_2^2 + \frac{1-\nu}{3+\nu} R_1^2 \right) \cdot \sqrt{\pi b} \cdot F_I$$
 où le facteur de correction géométrique est donné, en fonction de l'angle paramétrique de l'ellipse θ , à la figure ci-dessous.



Le rapport a/t choisi correspond à la courbe supérieure (carrés).

2.3 Incertitude sur la solution

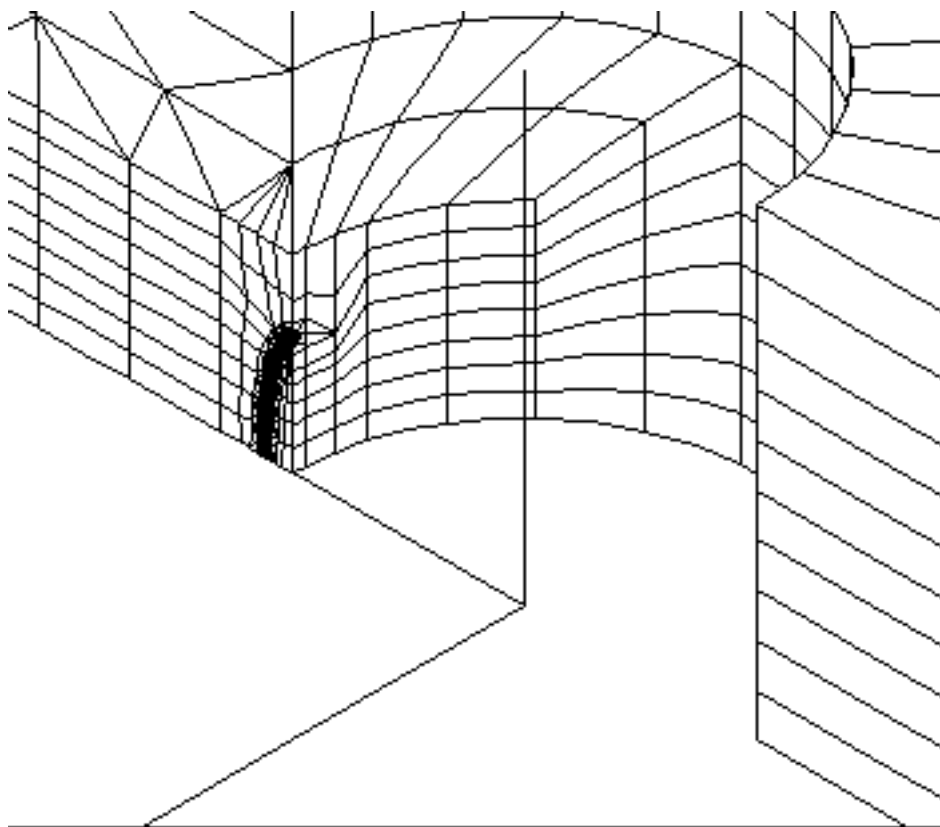
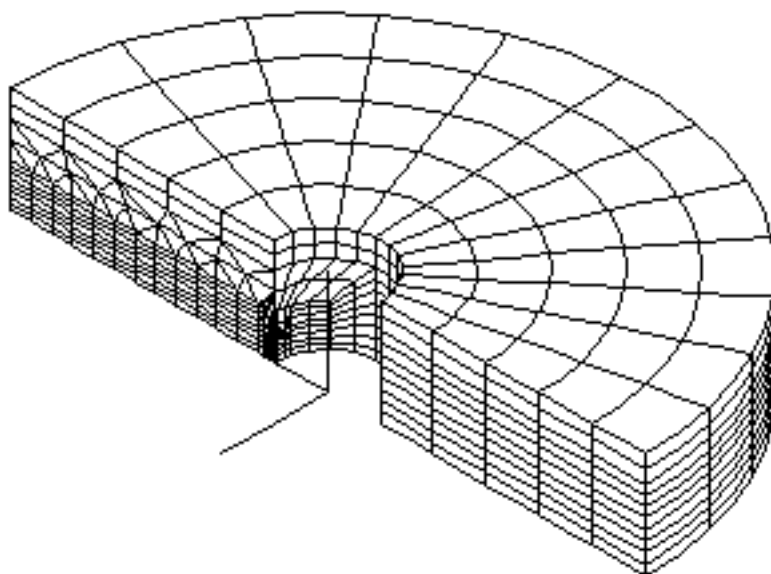
L'écart maximum entre les points marqués et la courbe étant de 2%, l'erreur de lecture sur la courbe est inférieure à l'erreur maximum annoncée (5%).

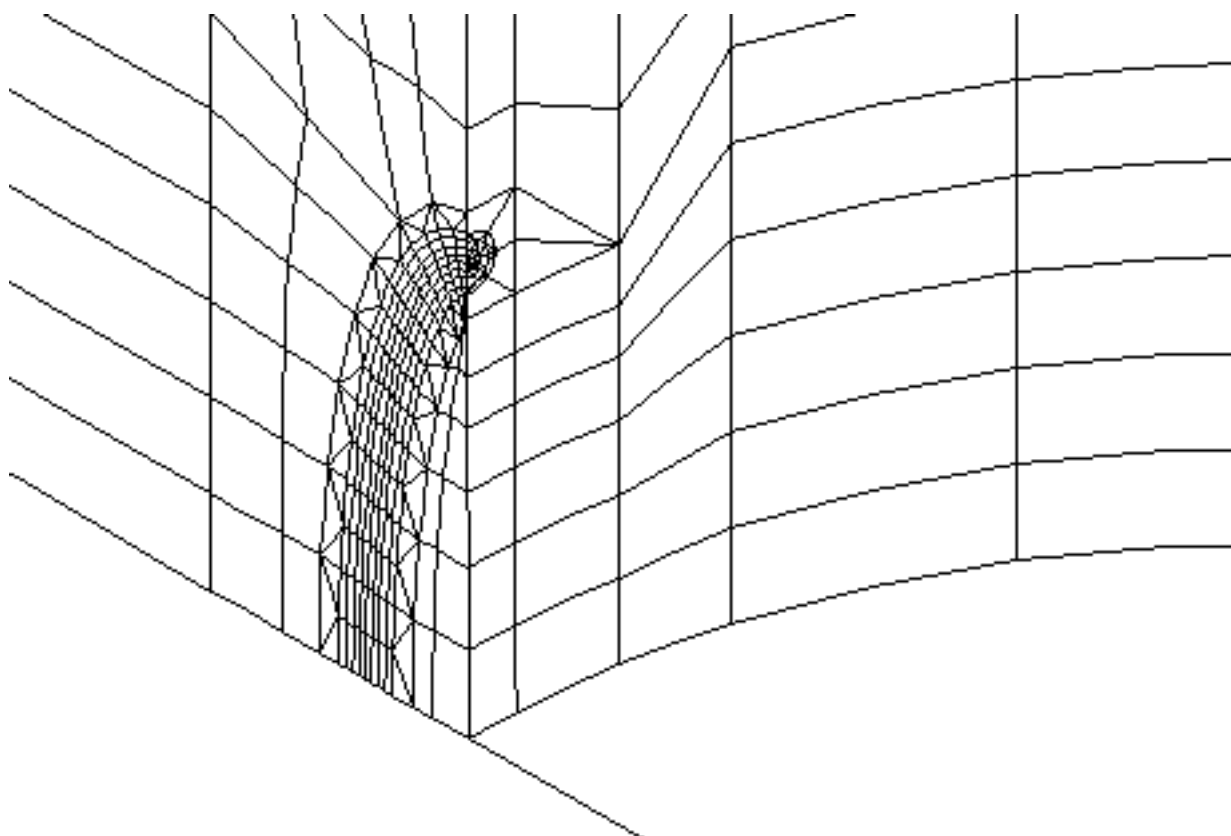
2.4 Références bibliographiques

- [1] Y. MURAKAMI : Stress Intensity Factors Handbook, case 9.39, pages 786-791. The Society of Materials Science, Japan, Pergamon Press, 1987.

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation





3.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage initial est constitué de 8890 nœuds et 2203 éléments, dont 1264 éléments CU20 et 939 éléments PR15.

Après la conversion du maillage de quadratique à linéaire, le nombre de nœuds se réduit à 2230. Cette conversion est rendue indispensable par l'utilisation de l'opérateur `DEFI_FISS_XFEM`, qui ne fonctionne pour le moment qu'avec des éléments linéaires.

3.3 Fonctionnalités testées

Calcul des facteurs d'intensité des contraintes locaux, en tous les nœuds du fond de fissure, par la méthode THETA.

Les facteurs d'intensité des contraintes locaux sont calculés sur une couronne de rayon inférieur $R_{inf}=0,00075$ m et de rayon supérieur $R_{sup} = 0,0025$ m.

Commandes

CREA_MALLAGE	QUAD_LINE
AFFE_CHAR_MECA	FORCE_INTERNE
FORMULE	
DEFI_FISS_XFEM	
CALC_G_LOCAL_T	'CALC_K_G'
	SYME_CHAR
	EXCIT

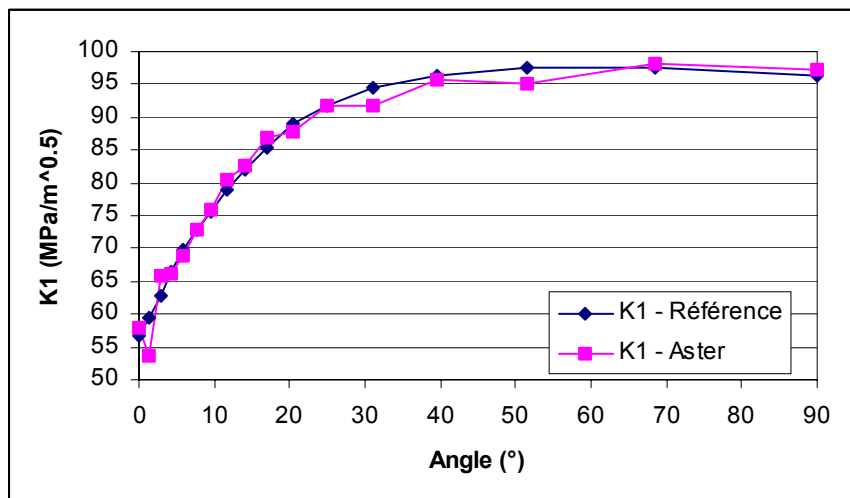
4 Résultats de la modélisation A

4.1 Valeurs testées

Identification	Référence (Pa.√m)	Aster (Pa.√m)	% différence
K _I , θ = 0 degrés	5,657E+07	5,789E+07	-2,33
K _I , θ = 1,4 degrés	5,945E+07	5,360E+07	9,84
K _I , θ = 2,8 degrés	6,292E+07	6,596E+07	-4,84
K _I , θ = 4,3 degrés	6,638E+07	6,606E+07	0,48
K _I , θ = 5,9 degrés	6,984E+07	6,902E+07	1,18
K _I , θ = 7,6 degrés	7,273E+07	7,289E+07	-0,22
K _I , θ = 9,5 degrés	7,562E+07	7,597E+07	-0,47
K _I , θ = 11,6 degrés	7,908E+07	8,053E+07	-1,83
K _I , θ = 14,4 degrés	8,197E+07	8,261E+07	-0,78
K _I , θ = 16,9 degrés	8,543E+07	8,695E+07	-1,78
K _I , θ = 20,5 degrés	8,889E+07	8,785E+07	1,17
K _I , θ = 25,1 degrés	9,178E+07	9,190E+07	-0,13
K _I , θ = 31,1 degrés	9,466E+07	9,173E+07	3,09
K _I , θ = 39,5 degrés	9,640E+07	9,562E+07	0,81
K _I , θ = 51,5 degrés	9,755E+07	9,510E+07	2,51
K _I , θ = 68,5 degrés	9,755E+07	9,824E+07	-0,71
K _I , θ = 90 degrés	9,640E+07	9,720E+07	-0,83

Les angles paramétriques des valeurs testées correspondent à la position des 17 points du fond de fissure. La figure ci-dessous permet de comparer le résultat du calcul avec la solution de référence. L'écart quadratique moyen est très satisfaisant :

$$\text{Écart quadratique moyen} = \varepsilon = \sqrt{\frac{\int_{\Gamma} (K_I^{ref} - K_I^{Aster})^2 ds}{\int_{\Gamma} (K_I^{ref})^2 ds}} = 3,11 \%$$



Remarque :

Le chargement volumique est introduit ici à l'aide du mot clé `FORCE_INTERNE` (commande `AFFE_CHAR_MECA`) et de `FORMULE`. Les résultats sont équivalents si on utilise le mot clé `ROTATION`.

5 Synthèse des résultats

Au vu de la précision annoncée sur les résultats de référence (5%) et de l'écart quadratique moyen obtenu (3,11%), les résultats fournis par *Code_Aster* sont satisfaisants.

Page laissée intentionnellement blanche.