

**Manuel de Validation**

**Fascicule V7.31 : Thermo hydro mécanique en milieu poreux de structures volumiques**  
**Document : V7.31.100**

# **WTNV100 - Essai triaxial non drainé avec le modèle CJS (niveau 1)**

---

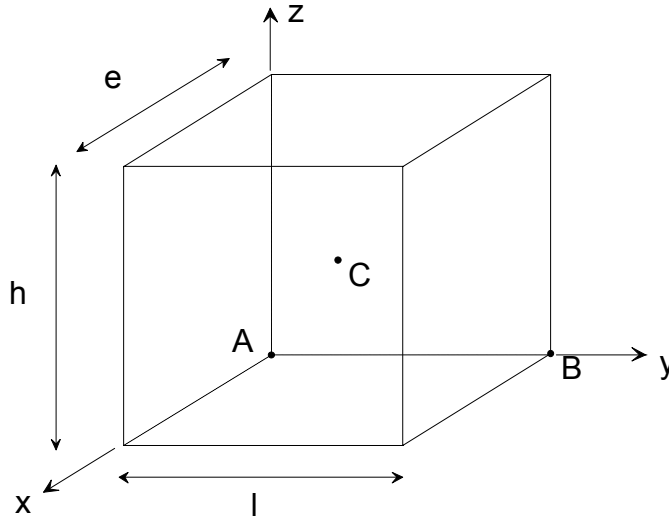
**Résumé**

Ce test permet de valider le niveau 1 du modèle CJS. Il s'agit d'un essai triaxial en condition non drainée. Dans les deux premières modélisations, les calculs sont effectués uniquement sur la partie solide du sol, l'aspect non drainé étant modélisé par une déformation volumique nulle du squelette, ce sont des modélisations 3D qui diffèrent l'une de l'autre uniquement par le maillage. Dans la troisième modélisation, le couplage hydraulique est pris en compte, l'échantillon est totalement saturé, le squelette et le fluide sont supposés incompressibles. Par raison de symétrie, on ne s'intéresse qu'au huitième d'un échantillon soumis à un essai triaxial. Le niveau de confinement est de 100 kPa. Les résultats obtenus avec le modèle CJS1 sont comparés à une solution analytique.



## 1 Problème de référence

### 1.1 Géométrie



hauteur :  $h = 1 \text{ m}$   
 largeur :  $l = 1 \text{ m}$   
 épaisseur :  $e = 1 \text{ m}$

Coordonnées des points (en mètres) :

|   | A  | B  | C   |
|---|----|----|-----|
| x | 0. | 0. | 0.5 |
| y | 0. | 1. | 0.5 |
| z | 0. | 0. | 0.5 |

### 1.2 Propriété de matériaux

$E = 22,4 \cdot 10^3 \text{ kPa}$

$\nu = 0,3$

Coefficient de biot  $b : 1$

L'eau est supposée incompressible :  $UN\_SUR\_K = 0$

Paramètres CJS1 :  $\beta = -0,03$

$\gamma = 0,82$

$R_m = 0,289$

$P_a = -100 \text{ kPa}$

### 1.3 Conditions initiales, conditions aux limites, et chargement

#### 1.3.1 Modélisation mécanique pure

**Phase 1 :**

On amène l'échantillon à un état homogène :  $\sigma_{xx}^0 = \sigma_{yy}^0 = \sigma_{zz}^0$ , en imposant la pression de confinement correspondante sur les faces avant, latérale droite et supérieure. Les déplacements sont bloqués sur les faces arrière ( $u_x = 0$ ), latérale gauche ( $u_y = 0$ ) et inférieure ( $u_z = 0$ ).

**Phase 2 :**

On maintient les déplacements bloqués sur les faces arrière ( $u_x = 0$ ), latérale gauche ( $u_y = 0$ ) et inférieure ( $u_z = 0$ ). On applique un déplacement imposé sur la face supérieure :  $u_z(t)$ , de façon à obtenir une déformation  $\varepsilon_{zz} = -20 \%$  (comptée à partir du début de la phase 2). Sur les faces avant et latérale droite, on impose respectivement les déplacements  $u_x(t)$  et  $u_y(t)$ , de façon à avoir une déformation volumique nulle pour l'échantillon, c'est à dire finalement que l'on impose

$\varepsilon_{xx} = \varepsilon_{yy} = -\frac{\varepsilon_{zz}}{2}$ . C'est la manière de reproduire le comportement de la phase solide lors d'un essai triaxial non drainé.



### 1.3.2 Modélisation couplée avec hydraulique

#### Phase 1 :

On amène l'échantillon à un état homogène de contraintes effectives:  $\sigma_{xx}^0 = \sigma_{yy}^0 = \sigma_{zz}^0$ , en imposant la pression totale correspondante sur les faces avant, latérale droite et supérieure et en imposant partout des pressions d'eau nulles. Les déplacements sont bloqués sur les faces arrière ( $u_x = 0$ ), latérale gauche ( $u_y = 0$ ) et inférieure ( $u_z = 0$ ).

#### Phase 2 :

On maintient les déplacements bloqués sur les faces arrière ( $u_x = 0$ ), latérale gauche ( $u_y = 0$ ) et inférieure ( $u_z = 0$ ).

Sur toutes les faces, les flux hydrauliques sont nuls.

On applique un déplacement imposé sur la face supérieure de façon à obtenir une déformation  $\varepsilon_{zz} = -20\%$  (comptée à partir du début de la phase 2). Sur les faces avant et latérale droite, on impose des conditions aux limites en contrainte totale :

$$\sigma.n = \sigma^0 (= 100kPa)$$



## 2 Solution de référence

### 2.1 Solution de référence pour la pression d'eau en linéaire

$\sigma_0$ ,  $\varepsilon_0$ ,  $p_0$  désignant les contraintes, déformations et pressions d'eau obtenues dans la phase on a :

$$\sigma - \sigma_0 = \lambda \text{tr}(\varepsilon - \varepsilon_0) + 2\mu(\varepsilon - \varepsilon_0) - b(p - p_0)$$

$$\frac{m}{\rho^fl} = \frac{p - p_0}{M} + b \text{tr}(\varepsilon - \varepsilon_0)$$

Dans cette écriture,  $M$  désigne le module de biot et  $N = \frac{1}{M}$ .

Les conditions aux limites de flux nul et la conservation de la masse d'eau donnent  $m = 0$   
Les conditions aux limites sur les parois latérales et le fait que l'état de contrainte est homogène donnent :

$$\sigma_{xx} - \sigma_{xx0} = 0$$

On a donc finalement à résoudre les deux équations :

$$\begin{cases} \lambda(2\Delta\varepsilon_{xx} + \Delta\varepsilon_{zz}) + 2\mu\Delta\varepsilon_{xx} = bp \\ b(2\Delta\varepsilon_{xx} + \Delta\varepsilon_{zz}) = -\frac{p}{M} = -Np \end{cases}$$

Et on obtient :

$$\begin{cases} \Delta\varepsilon_{xx} = -\frac{\Delta\varepsilon_{zz}}{2} \frac{b^2 + \lambda N}{b^2 + (\lambda + \mu)N} \\ p = -\frac{\mu b \Delta\varepsilon_{zz}}{b^2 + (\lambda + \mu)N} \end{cases}$$

Dans notre cas,

$$\Delta\varepsilon_{xx} = -\frac{\Delta\varepsilon_{zz}}{2} \quad ; \quad p = -\mu\Delta\varepsilon_{zz}$$

### 2.2 Développement de la solution analytique CJS

On a en permanence :

pour les déformations :  $\varepsilon_{xx} = \varepsilon_{yy} = -\frac{\varepsilon_{zz}}{2}$

pour les contraintes :  $\sigma_{xx} = \sigma_{yy}$

#### Phase élastique :

En écrivant simplement la loi élastique, il vient :

$$\sigma_{xx} = \sigma_{xx}^0 - \mu \varepsilon_{zz}$$

$$\sigma_{zz} = \sigma_{zz}^0 + 2\mu \varepsilon_{zz}$$



Par ailleurs, on sait aussi que pendant cette phase  $I_1$  (= trace( $\sigma$ )) reste constant car  $\varepsilon_v = 0$ . On en déduit pour les composantes du déviateur :

$$s_{xx} = \sigma_{xx} - \frac{I_1}{3} = \sigma_{xx}^0 - \frac{I_1^0}{3} - \mu \varepsilon_{zz} = -\mu \varepsilon_{zz} \text{ et } s_{zz} = \sigma_{zz} - \frac{I_1}{3} = \sigma_{zz}^0 - \frac{I_1^0}{3} + 2 \mu \varepsilon_{zz} = 2 \mu \varepsilon_{zz}$$

$$\text{soit : } s_{II} = -\sqrt{6} \mu \varepsilon_{zz} \text{ et } \det(\underline{s}) = 2 \mu^3 \varepsilon_{zz}^3$$

$$\text{Par conséquent : } h(\theta_s) = (1 - \gamma)^{1/6}$$

Ainsi lorsqu'on atteint le critère  $f^d = 0$ , on a :

$$s_{II} (1 - \gamma)^{1/6} + R_m I_1^0 = -\sqrt{6} \mu \varepsilon_{zz} (1 - \gamma)^{1/6} + R_m I_1^0 = 0$$

C'est-à-dire que la transition entre les états élastique et parfaitement plastique se fait pour une déformation axiale égale à :

$$\varepsilon_{zz}^{trans} = \frac{R_m I_1^0}{\sqrt{6} \mu (1 - \gamma)^{1/6}}$$

L'état de contraintes correspondant est noté :

$$\sigma_{xx}^{trans} = \sigma_{xx}^0 - \mu \frac{R_m I_1^0}{\sqrt{6} \mu (1 - \gamma)^{1/6}} \text{ et } \sigma_{zz}^{trans} = \sigma_{zz}^0 + 2 \mu \frac{R_m I_1^0}{\sqrt{6} \mu (1 - \gamma)^{1/6}}$$

## Phase plastique :

On note  $s^{-d}$  le déviateur de l'inverse du tenseur  $s$

D'une façon générale, on a les grandeurs suivantes :

$$s_{xx} = -\frac{1}{3}(\sigma_{zz} - \sigma_{xx}) = s_{yy} \quad s_{xx}^{-1} = \frac{-3}{\sigma_{zz} - \sigma_{xx}} \quad s_{xx}^{-d} = \frac{-3}{2(\sigma_{zz} - \sigma_{xx})}$$

$$s_{zz} = \frac{2}{3}(\sigma_{zz} - \sigma_{xx}) \quad s_{zz}^{-1} = \frac{3}{2(\sigma_{zz} - \sigma_{xx})} \quad s_{zz}^{-d} = \frac{3}{\sigma_{zz} - \sigma_{xx}}$$

$$\text{soit : } s_{II} = -\sqrt{\frac{2}{3}}(\sigma_{zz} - \sigma_{xx}) \text{ et } \det(\underline{s}) = \frac{2}{3^3}(\sigma_{zz} - \sigma_{xx})^3$$

$$\text{Par conséquent : } h(\theta_s) = (1 - \gamma)^{1/6}$$

On en déduit :

$$Q_{xx} = \frac{1}{\sqrt{6}}(1 - \gamma)^{1/6} \text{ et } Q_{zz} = -\sqrt{\frac{2}{3}}(1 - \gamma)^{1/6}$$

$$\text{en outre : } \frac{\partial f^d}{\partial \sigma_{xx}} = \frac{1}{\sqrt{6}}(1 - \gamma)^{1/6} + R_m \text{ et } \frac{\partial f^d}{\partial \sigma_{zz}} = -\sqrt{\frac{2}{3}}(1 - \gamma)^{1/6} + R_m$$

$$\text{Comme on a : } \beta' = \text{signe}(s_{ij} \dot{\varepsilon}_{ij}) \beta \left( \frac{s_{II}}{s_{II}^c} - 1 \right) = \beta \left( \frac{R_m}{R_c} - 1 \right) = \beta$$



alors le tenseur  $\underline{n}$  s'écrit :

$$n_{xx} = \frac{1}{\sqrt{\beta^2 + 3}} \left( \frac{1}{\sqrt{6}} \beta + 1 \right) \text{ et } n_{zz} = \frac{1}{\sqrt{\beta^2 + 3}} \left( -\sqrt{\frac{2}{3}} \beta + 1 \right)$$

Il vient alors pour  $\underline{G}^d$  :

$$G_{xx}^d = \frac{1}{\sqrt{6}} (1 - \gamma)^{1/6} + R_m - \frac{\beta (1 - \gamma)^{1/6} + 3 R_m}{\beta^2 + 3} \left( \frac{1}{\sqrt{6}} \beta + 1 \right)$$

$$G_{zz}^d = -\sqrt{\frac{2}{3}} (1 - \gamma)^{1/6} + R_m - \frac{\beta (1 - \gamma)^{1/6} + 3 R_m}{\beta^2 + 3} \left( -\sqrt{\frac{2}{3}} \beta + 1 \right)$$

On a également d'après la loi élastique :

$$\sigma_{xx} = \sigma_{xx}^{trans} + \Delta \sigma_{xx} \text{ et } \sigma_{zz} = \sigma_{zz}^{trans} + \Delta \sigma_{zz}$$

où :

$$\Delta \sigma_{xx} = 2 \mu \left( \Delta \varepsilon_{xx} - \Delta \lambda^d G_{xx}^d \right) + \lambda \left( \Delta \varepsilon_v - \Delta \lambda^d \text{tr}(\underline{G}^d) \right) = -\mu \Delta \varepsilon_{zz} - 2 \mu \Delta \lambda^d G_{xx}^d - \lambda \Delta \lambda^d (2 G_{xx}^d + G_{zz}^d)$$

$$\Delta \sigma_{zz} = 2 \mu \left( \Delta \varepsilon_{zz} - \Delta \lambda^d G_{zz}^d \right) + \lambda \left( \Delta \varepsilon_v - \Delta \lambda^d \text{tr}(\underline{G}^d) \right) = 2 \mu \Delta \varepsilon_{zz} - 2 \mu \Delta \lambda^d G_{zz}^d - \lambda \Delta \lambda^d (2 G_{xx}^d + G_{zz}^d)$$

et avec :  $\Delta \varepsilon_{xx} = \varepsilon_{xx} - \varepsilon_{xx}^{trans}$  et  $\Delta \varepsilon_{zz} = \varepsilon_{zz} - \varepsilon_{zz}^{trans}$

soit, d'après ce qui précède, on a pour  $s_{II}$  :

$$s_{II} = -\sqrt{\frac{2}{3}} \left[ (\sigma_{zz}^{trans} - \sigma_{xx}^{trans}) + 3 \mu (\varepsilon_{zz} - \varepsilon_{zz}^{trans}) - 2 \mu \Delta \lambda^d (G_{zz}^d - G_{xx}^d) \right]$$

$$= s_{II}^{trans} - \sqrt{\frac{2}{3}} \left[ 3 \mu (\varepsilon_{zz} - \varepsilon_{zz}^{trans}) - 2 \mu \Delta \lambda^d (G_{zz}^d - G_{xx}^d) \right]$$

et pour  $I_1$  :

$$I_1 = I_1^{trans} - (3 \lambda + 2 \mu) \Delta \lambda^d (2 G_{xx}^d + G_{zz}^d)$$

On en déduit que la fonction de charge déviatoire s'écrit :

$$f^d = s_{II}^{trans} (1 - \gamma)^{1/6} - \sqrt{\frac{2}{3}} \left[ 3 \mu (\varepsilon_{zz} - \varepsilon_{zz}^{trans}) - 2 \mu \Delta \lambda^d (G_{zz}^d - G_{xx}^d) \right] (1 - \gamma)^{1/6}$$

$$+ R_m I_1^{trans} - R_m (3 \lambda + 2 \mu) \Delta \lambda^d (2 G_{xx}^d + G_{zz}^d)$$

En tenant compte du fait que  $f^d(\underline{\sigma}^{trans}) = 0$ , on trouve alors pour le multiplicateur plastique :

$$\Delta \lambda^d = \frac{3 \mu (1 - \gamma)^{1/6}}{2 \mu (G_{zz}^d - G_{xx}^d) - \sqrt{\frac{3}{2}} R_m (3 \lambda + 2 \mu) (2 G_{xx}^d + G_{zz}^d)} (\varepsilon_{zz} - \varepsilon_{zz}^{trans})$$



ce qui donne avec les formules de  $G_{xx}^d$  et  $G_{zz}^d$  précédentes :

$$\Delta\lambda^d = \frac{\sqrt{\frac{2}{3}} \mu (1-\gamma)^{1/6} (\beta^2 + 3)}{\left(R_m \beta - (1-\gamma)^{1/6}\right) \left(2 \mu (1-\gamma)^{1/6} - (3 \lambda + 2 \mu) R_m \beta\right)} (\varepsilon_{zz} - \varepsilon_{zz}^{trans})$$

On en conclut finalement l'expression analytique des contraintes :

En posant :

$$a = (1-\gamma)^{1/6} ; \quad b = (\beta^2 + 3)$$

On a :

$$\begin{aligned} \sigma_{xx} - \sigma_{xx}^{trans} = & - \left[ \mu + \frac{\sqrt{\frac{2}{3}} \mu a b \left( 2 \mu \left( \frac{1}{\sqrt{6}} a + R_m - \frac{\beta a + 3 R_m}{b} \left( \frac{1}{\sqrt{6}} \beta + 1 \right) \right) + 3 \lambda \beta \frac{(R_m \beta - a)}{b} \right)}{(R_m \beta - a) (2 \mu a - (3 \lambda + 2 \mu) R_m \beta)} \right] (\varepsilon_{zz} - \varepsilon_{zz}^{trans}) \\ \sigma_{zz} - \sigma_{zz}^{trans} = & \left[ 2 \mu - \frac{\sqrt{\frac{2}{3}} \mu a b \left( 2 \mu \left( -\sqrt{\frac{2}{3}} a + R_m - \frac{\beta a + 3 R_m}{b} \left( -\sqrt{\frac{2}{3}} \beta + 1 \right) \right) + 3 \lambda \beta \frac{(R_m \beta - a)}{b} \right)}{(R_m \beta - a) (2 \mu a - (3 \lambda + 2 \mu) R_m \beta)} \right] (\varepsilon_{zz} - \varepsilon_{zz}^{trans}) \end{aligned}$$

## 2.3 Résultats de référence

Contraintes  $\sigma_{xx}$ ,  $\sigma_{yy}$  et  $\sigma_{zz}$  aux points A, B et C.

## 2.4 Incertitude sur la solution

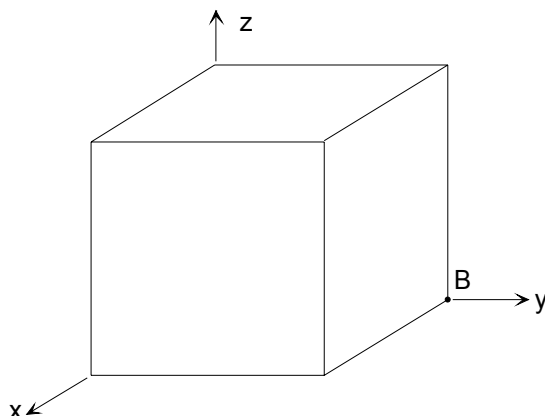
Solution analytique exacte pour CJS1.



## 3 Modélisation A

### 3.1 Caractéristiques de la modélisation

3D :



Découpage : 1 en hauteur, en largeur et en épaisseur.

Chargement de la phase 1 :

Pression de confinement :  $\sigma_{xx}^0 = \sigma_{yy}^0 = \sigma_{zz}^0 : -100 \text{ kPa}$ .

Niveau 1 du modèle CJS

### 3.2 Caractéristique du maillage

Nombre de nœuds : 8

Nombre de mailles et types : 1 HEXA8 et 6 QUA4

### 3.3 Fonctionnalités testées

#### Commandes

|               |           |          |       |
|---------------|-----------|----------|-------|
| DEFI_MATERIAU | CJS       |          |       |
| STAT_NON_LINE | COMP_INCR | RELATION | 'CJS' |



## 4 Résultats de la modélisation A

### 4.1 Valeurs testées

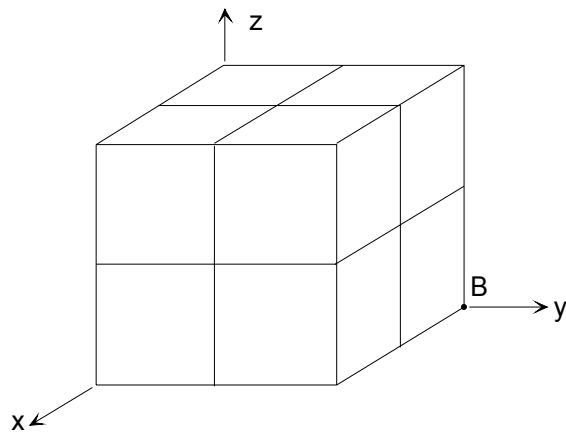
| Localisation | Numéro d'ordre | Déformation axiale $\varepsilon_{zz}$ (%) | Contrainte (kPa) | Référence   | Aster       | % différence       |
|--------------|----------------|---|------------------|-------------|-------------|--------------------|
| Point A et B | 1              | -0.25                                     | $\sigma_{xx}$    | -78.461538  | -78.461538  | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 2              | -0.50                                     | $\sigma_{xx}$    | -56.923077  | -56.923077  | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 3              | -0.75                                     | $\sigma_{xx}$    | -53.606     | -53.606     | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 4              | -1.0                                      | $\sigma_{xx}$    | -54.480     | -54.480     | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 8              | -5.0                                      | $\sigma_{xx}$    | -68.467     | -68.467     | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 23             | -20.0                                     | $\sigma_{xx}$    | -120.918    | -120.918    | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 1              | -0.25                                     | $\sigma_{yy}$    | -78.461538  | -78.461538  | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 2              | -0.50                                     | $\sigma_{yy}$    | -56.923077  | -56.923077  | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 3              | -0.75                                     | $\sigma_{yy}$    | -53.606     | -53.606     | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 4              | -1.0                                      | $\sigma_{yy}$    | -54.480     | -54.480     | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 8              | -5.0                                      | $\sigma_{yy}$    | -68.467     | -68.467     | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 23             | -20.0                                     | $\sigma_{yy}$    | -120.918    | -120.918    | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 1              | -0.25                                     | $\sigma_{zz}$    | -143.07692  | -143.07692  | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 2              | -0.50                                     | $\sigma_{zz}$    | -186.153846 | -186.153846 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 3              | -0.75                                     | $\sigma_{zz}$    | -196.818    | -196.818    | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 4              | -1.0                                      | $\sigma_{zz}$    | -200.028    | -200.028    | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 8              | -5.0                                      | $\sigma_{zz}$    | -251.383    | -251.383    | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 23             | -20.0                                     | $\sigma_{zz}$    | -443.961    | -443.961    | < 10 <sup>-5</sup> |



## 5Modélisation B

### 5.1Caractéristiques de la modélisation

Cette modélisation diffère de la précédente par la finesse du maillage 3D :



Découpage : 2 en hauteur, en largeur et en épaisseur.

Chargement de la phase 1 :

Pression de confinement :  $\sigma_{xx}^0 = \sigma_{yy}^0 = \sigma_{zz}^0 : -100 \text{ kPa}$ .

Niveau 1 du modèle CJS

### 5.2Caractéristique du maillage

Nombre de nœuds : 27

Nombre de mailles et types : 8 HEXA8 et 24 QUA4

### 5.3Fonctionnalités testées

| Commandes     |           |          |       |
|---------------|-----------|----------|-------|
| DEFI_MATERIAU | CJS       |          |       |
| STAT_NON_LINE | COMP_INCR | RELATION | 'CJS' |



## 6 Résultats de la modélisation B

### 6.1 Valeurs testées

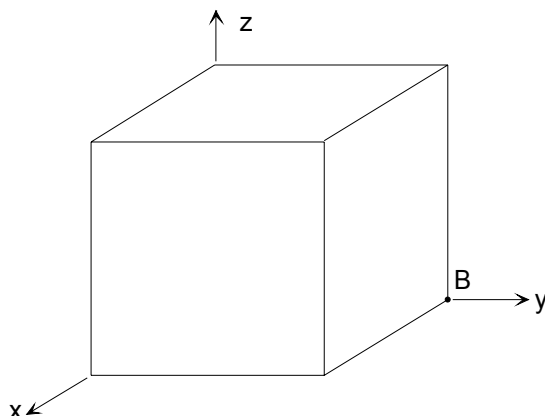
| Localisation    | Numéro d'ordre | Déformation axiale $\varepsilon_{zz}$ (%) | Contrainte (kPa) | Référence   | Aster       | % différence |
|-----------------|----------------|---|------------------|-------------|-------------|--------------|
| Point A, B et C | 5              | -0.2                                      | $\sigma_{xx}$    | -82.76923   | -82.76923   | $< 10^{-5}$  |
|                 | 10             | -0.4                                      | $\sigma_{xx}$    | -65.53846   | -65.53846   | $< 10^{-5}$  |
|                 | 20             | -0.8                                      | $\sigma_{xx}$    | -53.78079   | -53.78079   | $< 10^{-5}$  |
|                 | 40             | -1.6                                      | $\sigma_{xx}$    | -56.578176  | -56.578176  | $< 10^{-5}$  |
|                 | 60             | -5.6                                      | $\sigma_{xx}$    | -70.565109  | -70.565109  | $< 10^{-5}$  |
|                 | 100            | -20.0                                     | $\sigma_{xx}$    | -120.918065 | -120.918065 | $< 10^{-5}$  |
|                 | 5              | -0.2                                      | $\sigma_{yy}$    | -82.76923   | -82.76923   | $< 10^{-5}$  |
|                 | 10             | -0.4                                      | $\sigma_{yy}$    | -65.53846   | -65.53846   | $< 10^{-5}$  |
|                 | 20             | -0.8                                      | $\sigma_{yy}$    | -53.78079   | -53.78079   | $< 10^{-5}$  |
|                 | 40             | -1.6                                      | $\sigma_{yy}$    | -56.578176  | -56.578176  | $< 10^{-5}$  |
|                 | 60             | -5.6                                      | $\sigma_{yy}$    | -70.565109  | -70.565109  | $< 10^{-5}$  |
|                 | 100            | -20.0                                     | $\sigma_{yy}$    | -120.918065 | -120.918065 | $< 10^{-5}$  |
|                 | 5              | -0.2                                      | $\sigma_{zz}$    | -134.46154  | -134.46154  | $< 10^{-5}$  |
|                 | 10             | -0.4                                      | $\sigma_{zz}$    | -168.92308  | -168.92308  | $< 10^{-5}$  |
|                 | 20             | -0.8                                      | $\sigma_{zz}$    | -197.460849 | -197.460849 | $< 10^{-5}$  |
|                 | 40             | -1.6                                      | $\sigma_{zz}$    | -207.731697 | -207.731697 | $< 10^{-5}$  |
|                 | 60             | -5.6                                      | $\sigma_{zz}$    | -259.085935 | -259.085935 | $< 10^{-5}$  |
|                 | 100            | -20.0                                     | $\sigma_{zz}$    | -443.961194 | -443.961194 | $< 10^{-5}$  |



## 7 Modélisation C

### 7.1 Caractéristiques de la modélisation

3D\_HM :



Découpage : 1 en hauteur, en largeur et en épaisseur.

Chargement de la phase 1 :

Pression de confinement :  $\sigma_{xx}^0 = \sigma_{yy}^0 = \sigma_{zz}^0 : -100 \text{ kPa}$ .

Niveau 1 du modèle CJS

Coefficient de biot : 1

UN\_SUR\_K de l'eau : 0

### 7.2 Caractéristique du maillage

Nombre de nœuds : 20

Nombre de mailles et types : 1 HEXA20 et 6 QUA8

### 7.3 Fonctionnalités testées

#### Commandes

|               |  |
|---------------|--|
| DEFI_MATERIAU | CJS  |
| STAT_NON_LINE | COMP_INCR    RELATION    'KIT_HM'    'RELATION_KIT' :    'CJS'    'LIQU_SATU'    'HYDR_UTIL' |



## 8 Résultats de la modélisation C

### 8.1 Valeurs testées

| Localisation | Numéro d'ordre | Déformation axiale $\varepsilon_{zz}$ (%) | Contrainte (kPa) | Référence   | Aster       | % différence       |
|--------------|----------------|---|------------------|-------------|-------------|--------------------|
| Point A et B | 1              | -0.25                                     | $\sigma_{xx}$    | -78.461538  | -7,8462E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 2              | -0.50                                     | $\sigma_{xx}$    | -56.923077  | -5,6923E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 3              | -0.75                                     | $\sigma_{xx}$    | -53.606     | -5,3606E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 4              | -1.0                                      | $\sigma_{xx}$    | -54.480     | -5,4480E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 8              | -5.0                                      | $\sigma_{xx}$    | -68.467     | -6,8467E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 23             | -20.0                                     | $\sigma_{xx}$    | -120.918    | -1,2092E+02 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 1              | -0.25                                     | $\sigma_{yy}$    | -78.461538  | -7,8462E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 2              | -0.50                                     | $\sigma_{yy}$    | -56.923077  | -5,6923E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 3              | -0.75                                     | $\sigma_{yy}$    | -53.606     | -5,3606E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 4              | -1.0                                      | $\sigma_{yy}$    | -54.480     | -5,4480E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 8              | -5.0                                      | $\sigma_{yy}$    | -68.467     | -6,8467E+01 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 23             | -20.0                                     | $\sigma_{yy}$    | -120.918    | -1,2092E+02 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 1              | -0.25                                     | $\sigma_{zz}$    | -143.07692  | -1,4308E+02 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 2              | -0.50                                     | $\sigma_{zz}$    | -186.153846 | -1,8615E+02 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 3              | -0.75                                     | $\sigma_{zz}$    | -196.818    | -1,9682E+02 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 4              | -1.0                                      | $\sigma_{zz}$    | -200.028    | -2,0003E+02 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 8              | -5.0                                      | $\sigma_{zz}$    | -251.383    | -2,5138E+02 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 23             | -20.0                                     | $\sigma_{zz}$    | -443.961    | -4,4396E+02 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 1              | -0.25                                     | pression eau     | 2,1538E+04  | 2.15385E+04 | < 10 <sup>-5</sup> |
|              | 2              | -0.50                                     | pression eau     | 4,3077E+04  | 4.30769E+04 | < 10 <sup>-5</sup> |

Pour la pression d'eau, on a la référence tant que le comportement est élastique linéaire



## 9 Synthèse des résultats

---

Les valeurs du *Code\_Aster* sont en parfait accord avec les valeurs de référence. Concernant le couplage avec l'hydraulique, ce test prouve qu'informatiquement, le couplage CJS/THM fonctionne et que les équations d'hydraulique sont au moins capables de redonner la variation de volume nulle quand l'eau est incompressible.