

**Manuel de Validation****Fascicule V6.04 : Statique non linéaire des structures volumiques****Document : V6.04.151**

---

# **SSNV151 - Traction / Compression avec la loi de comportement `BETON_DOUBLE_DP`**

---

**Résumé**

Ce cas de validation est destiné à vérifier le modèle de comportement 3D `BETON_DOUBLE_DP` formulé dans le cadre de la thermo-plasticité, pour la description du comportement non linéaire du béton en traction et en compression, avec la prise en compte des variations irréversibles des caractéristiques thermiques et mécaniques du béton, particulièrement sensibles à haute température.

La description de la fissuration est traitée dans le cadre de la plasticité, à l'aide d'une équivalence énergétique, en identifiant la densité d'énergie de fissuration en mode I, avec le travail plastique d'un milieu homogène équivalent, où la déformation plastique est uniformément répartie dans une zone "élémentaire". Cette approche préserve la continuité de la formulation du modèle, sur l'ensemble de son comportement, et contribue à éviter les difficultés numériques possibles lors du changement d'état du matériau.

La sensibilité pathologique de la solution numérique à la discrétisation spatiale (maillage), engendrée par l'introduction d'un comportement adoucissant du béton en traction et en compression, est partiellement résolue en introduisant une énergie de fissuration ou de rupture, dépendant d'une longueur caractéristique  $l_c$ , liée à la taille des éléments.

La résolution des équations constitutives du modèle est effectuée par un schéma implicite.

Il s'agit d'un cube à 8 nœuds soumis à une compression uniaxiale, en déplacement imposé à laquelle s'ajoute une traction biaxiale lorsqu'on a atteint un écrouissage important en traction. Ce chargement conduit au cas particulier d'un état de contrainte hydrostatique, résolu par projection au sommet du cône de traction, lorsque l'on se place dans un diagramme contrainte équivalente/contrainte hydrostatique. Il s'agit d'un cas test de non-régression.

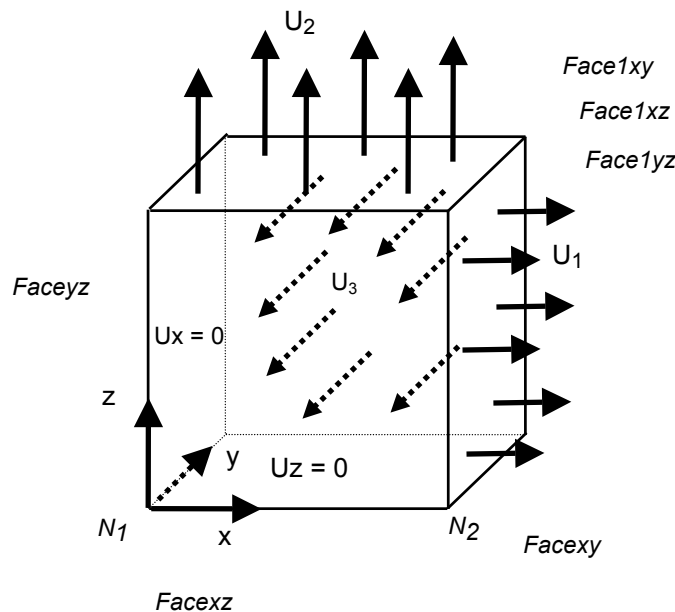
## 1 Problème de référence

### 1.1 Géométrie

Il s'agit d'un cube à 8 nœuds, dont trois faces ont un déplacement normal nul, et les trois faces opposées ont un déplacement normal imposé et identique.

Le cube fait 1 mm de côté. Dans la modélisation A, le cube est orienté suivant le repère Oxyz.

#### Modélisation A



### 1.2 Propriétés de matériaux

Pour tester l'implantation de la dilatation thermique et du retrait de dessiccation, on impose un champ de température et un champ de séchage variables de telle sorte que les déformations engendrées par les deux phénomènes se compensent, tout en considérant que les coefficients de dilatation thermique et de retrait de dessiccation sont égaux. Les valeurs liées au séchage n'ont aucun sens physique, le test est de ce point de vue, purement informatique.

#### Pour les caractéristiques mécaniques linéaires usuelles :

Module d'Young :	$E = 32\,000 \text{ MPa}$
Coefficient de Poisson :	$\nu = 0.18$
Coefficient de dilatation thermique :	$\alpha = 10^{-5}/^{\circ}\text{C}$
Coefficient de retrait de dessiccation :	$\kappa = 10^{-5}$
Température de référence	$T_{\text{ref}} = 0 \text{ }^{\circ}\text{C}$
Séchage de référence	$C_{\text{ref}} = 20$

**Pour les caractéristiques mécaniques non linéaires du modèle `BETON_DOUBLE_DP` :**

Résistance en compression uniaxiale :	$f_c = 40 \text{ N/mm}^2$
Résistance en traction uniaxiale :	$f_t = 4 \text{ N/mm}^2$
Rapport des résistances en compression biaxiale/compression uniaxiale :	$\beta = 1.16$
Energie de rupture en compression :	$G_c = 10 \text{ Nmm/mm}^2$
Energie de rupture en traction :	$G_t = 0.1 \text{ Nmm/mm}^2$
Rapport de la limite d'élasticité à la résistance en compression uniaxiale :	30%

### 1.3 Conditions aux limites et chargements mécaniques

Champ de température croissant de 0°C à 20°C.

Champ de séchage décroissant de 20 à 0.

Face inférieure du cube (facexy) :	bloquée suivant oz.
Face supérieure du cube (face1xy) :	déplacement variable imposé en mm
Face gauche du cube (faceyz) :	bloquée suivant ox.
Face droite du cube (face1yz) :	déplacement variable imposé en mm
Face avant du cube (facexz) :	bloquée suivant oy.
Face arrière du cube (face1xz) :	déplacement variable imposé en mm

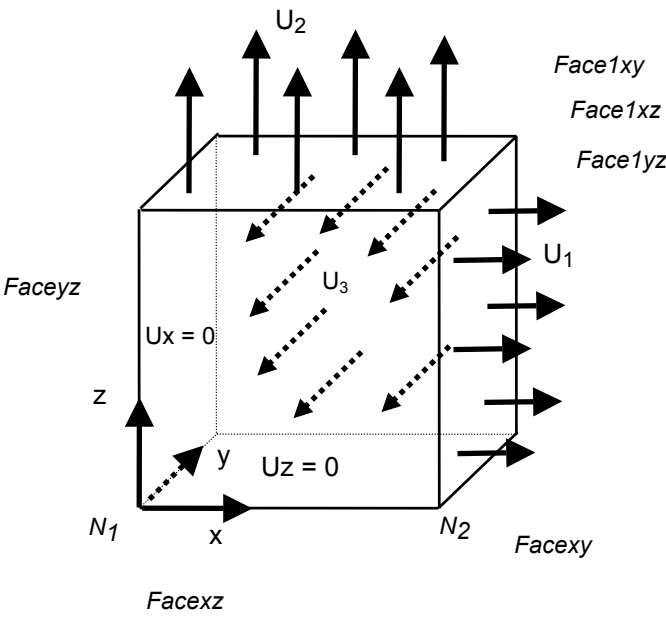
Le chargement mécanique est appliqué en déplacement imposé sur les différentes faces du cube. On applique une compression sur la face face1xz, affectée par un premier coefficient multiplicateur et une traction selon les faces face1xy et face1yz, affectée par un second coefficient multiplicateur, nul pendant la première partie au début de la mise en charge, selon le schéma suivant :

## 2Modélisation A

### 2.1Caractéristiques de la modélisation

3D (HEXA8)

1 élément, champ de contrainte et déformation uniforme.



### 2.2Caractéristiques du maillage

Nombre de noeuds : 8  
Nombre de mailles et type : 1 HEXA8

### 2.3Fonctionnalités testées

Commandes	Options	
AFFE_MODELE	'MECANIQUE'	'3D'
DEFI_MATERIAU	'BETON_DOUBLE_DP'	
DEFI_MATERIAU	'ELAS_FO'	'K_DESSIC'
AFFE_CHAR_MECA	'SECH_CALCULEE'	
STAT_NON_LINE	'BETON_DOUBLE_DP'	

### 3 Résultats de la modélisation A

#### 3.1 Valeurs testées

Ont été testées les composantes xx et yy du champ de contraintes *SIEF\_ELNO\_ELGA*, la déformation plastique cumulée en compression, la déformation plastique cumulée en traction (première et deuxième variable interne, deuxième composante du champ *VARI\_ELNO\_ELGA*) et l'état plastique (la quatrième variable du champ *VARI\_ELNO\_ELGA*). L'état plastique vaut 1 en compression, 11 après projection au sommet du cône de compression, 2 en traction, 22 après projection au sommet du critère de traction, 3 en compression et traction ensemble, et 33 après projection sur les deux sommets des deux cônes. Le déplacement étant imposé, le champ *EPSI\_ELNO\_DEPL* n'est pas testé. Les valeurs données ici correspondent à la version 7.2.25.

##### Champ *SIEF\_ELNO\_ELGA* composante SIXX

Identification	Référence	Aster	% différence
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.$ et $U_1 = U_2 = 0.$	—	—	—
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.725$ et $U_1 = U_2 = 0.010$	—	2.5737449	—
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.8$ et $U_1 = U_2 = 0.02872$	—	0.6767446	—
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -2.$ et $U_1 = U_2 = 0.1$	—	$2.666667 \cdot 10^{-6}$	—

##### Champ *SIEF\_ELNO\_ELGA* composante SIYY

Identification	Référence	Aster	% différence
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.$ et $U_1 = U_2 = 0.$	—	-17.4575632	—
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.725$ et $U_1 = U_2 = 0.010$	—	2.5737449	—
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.8$ et $U_1 = U_2 = 0.02872$	—	0.6767446	—
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -2.$ et $U_1 = U_2 = 0.1$	—	$-3.622988 \cdot 10^{-5}$	—

##### Champ *VARI\_ELNO\_ELGA* composante v1 (déformation plastique cumulée en compression)

Identification	Référence	Aster	% différence
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.$ et $U_1 = U_2 = 0.$	-	0.1995285	-
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.725$ et $U_1 = U_2 = 0.010$	-	0.3429299	-
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.8$ et $U_1 = U_2 = 0.02872$	-	0.3449657	-
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -2.$ et $U_1 = U_2 = 0.1$	-	0.3849539	-

## Champ *VARI\_ELNO\_ELGA* composante V2 (déformation plastique cumulée en traction)

Identification	Référence	Aster	% différence
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.$ et $U_1 = U_2 = 0.$	-	-	-
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.725$ et $U_1 = U_2 = 0.010$	-	1.231450e-03	-
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.725$ et $U_1 = U_2 = 0.02872$	-	2.638289e-02	-
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -2.$ et $U_1 = U_2 = 0.1$	-	8.373868e-02	-

## Champ *VARI\_ELNO\_ELGA* composante V4 (état plastique)

Identification	Référence	Aster	% différence
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.$ et $U_1 = U_2 = 0.$	-	1.	-
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.725$ et $U_1 = U_2 = 0.010$	-	22.	-
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -1.725$ et $U_1 = U_2 = 0.02872$	-	22.	-
Pour un déplacement imposé en $U_3 = -2.$ et $U_1 = U_2 = 0.1$	-	3.	-